

ارائه یک مدل ریاضی استوار امکانی به منظور مسیریابی، زمان‌بندی و توزیع منابع در عملیات کمک‌رسانی پس از زلزله با در نظر گرفتن اختلال در توزیع در شرایط عدم قطعیت

سیما غایبلو^{۱*}، فریبا فتحی‌پور^۲، نگار ترکمانی^۳

۱. استادیار، گروه مهندسی صنایع، دانشکده مکانیک، مکانیک و صنایع، دانشگاه زنجان، زنجان، ایران

۲. استادیار، گروه مهندسی صنایع، موسسه آموزش عالی سراج، تبریز، ایران

۳. کارشناسی‌ارشد مهندسی صنایع، موسسه آموزش عالی سراج تبریز، تبریز، ایران

خلاصه

از آنجایی که فاجعه‌های طبیعی اغلب موجب از بین رفتن جان و مال انسان‌ها می‌شوند، طراحی مناسب شبکه توزیع امداد رسانی بعد از وقوع بحران ضروری می‌باشد. به علاوه چون افراد آسیب‌دیده نمی‌توانند بیش از چند روز بدون آب، غذا، دارو و سرپناه زنده بمانند، مسئله مسیریابی و توزیع کالاهای امدادی با حداکثر سرعت بسیار مهم بوده و از اهداف اصلی پژوهش در نظر گرفته شده است. حداقل کردن تعداد وسایل مورد نیاز به منظور کاهش هزینه‌ها و توزیع عادلانه کالاهای امدادی به گونه‌ای که در یک پناهگاه نسبت به پناهگاه دیگر، کمبود بیش از حد زیاد نباشد، از دیگر اهداف پژوهش می‌باشند. برای دستیابی به اهداف فوق، مدل برنامه ریاضی سه هدفه سیستم لجستیک توزیع برای مسیریابی و زمان‌بندی وسایل نقلیه امدادی جهت توزیع کالاهای امدادی از مراکز توزیع به پناهگاه‌ها تحت شرایط عدم قطعیت و با در نظر گرفتن اختلال در توزیع طراحی شده است. به منظور برخورد با عدم قطعیت موجود در پارامترهای مسئله از دو روش امکانی مختلف شامل رویکرد امکانی مبتنی بر اندازه اعتبار و روش استوار امکانی بهره گرفته شده است. برای حل مدل چندهدفه ارائه شده نیز از یک رویکرد فازی تعاملی بهره گرفته شده است. در نهایت به منظور بررسی کاربردپذیری مدل ریاضی ارائه شده، مطالعه موردی در ایران و در شهر تبریز صورت گرفته است. با توجه به نتایج به دست آمده و اولویت تصمیم‌گیرنده برای کاهش تقاضای برآورده نشده در این مقاله، روش استوار امکانی بهترین روش برای مدل‌سازی مسئله مورد نظر انتخاب می‌شود. همچنین نتایج حاصل از حل مطالعه موردی نشان داد که بین میزان عرضه کالاهای امدادی و زمان توزیع کالاهای امدادی رابطه معکوس وجود دارد و درصد کاهش زمان توزیع کالاهای امدادی درازای افزایش بیش از حد عرضه کالاهای امدادی بسیار ناچیز می‌باشد.

اطلاعات مقاله

تاریخچه مقاله:

دریافت ۱۳۹۹/۰۶/۰۵

پذیرش ۱۳۹۹/۱۰/۲۹

(مقاله پژوهشی)

کلمات کلیدی:

برنامه‌ریزی امکانی

برنامه‌ریزی ریاضی چندهدفه

اختلال

لجستیک امداد بشر دوستانه

۱. مقدمه
می‌شود که فراتر از توانایی جامعه برای مقابله با آن با استفاده از منابع خود است [۱]. هرچند اغلب این فجایع منبع طبیعی دارند اما می‌توانند ریشه انسانی نیز داشته باشند. زنجیره‌های تأمین که در مناطق ویران شده با خدمات اورژانسی و پس از فاجعه به مردم کمک

فدراسیون بین‌المللی صلیب سرخ و هلال‌احمر فاجعه را یک رویداد ناگهانی و مصیبت‌بار تعریف می‌کند که به‌طور جدی کارکرد جامعه را مختل می‌کند و باعث تلفات جانی، مالی، اقتصادی و زیست‌محیطی

* نویسنده مسئول: سیما غایبلو

تلفن: ۰۲۴-۳۳۰۵۴۱۴۰؛ پست الکترونیکی: ghayebloo.sima@znu.ac.ir

می‌کنند.

زنجیره‌های تأمین بشردوستانه نامیده می‌شوند. چنین زنجیره‌های تأمین در یک زمان کوتاه پس از وقوع فاجعه توسط دولت یا سازمان‌های غیردولتی ایجاد می‌شوند [۲]. آلتای و گرین در سال ۲۰۰۶ عملیات فاجعه را به چهار دسته کاهش، آمادگی، پاسخ و بهبود تقسیم کردند [۳]. دودسته اول، عملیات پیش از فاجعه را شرح می‌دهند و شامل برنامه‌ریزی پیش از فاجعه و ساخت انبار می‌باشند. دسته دوم عملیات پس از فاجعه بوده و شامل تدارکات کمک‌های بشردوستانه‌اند. در قسمت مرور ادبیات، مطالعات مرتبط با برنامه‌ریزی برای عملیات بعد از وقوع فاجعه بررسی شده‌اند. هرچند که امروزه با وجود پیشرفت‌های فناوریانه موجود، مصائب ناشی از سوانح طبیعی از قبیل زلزله، سیل، طوفان، صاعقه، بهمین، گردباد، آتش‌سوزی، آتش‌فشان و غیره و سوانح غیرطبیعی از قبیل جنگ، حوادث تروریستی، تصادفات جاده‌ای، حوادث صنعتی، ناآرامی‌های سیاسی، مهاجرت آوارگان و غیره به‌عنوان موانع اصلی توسعه پایدار کشورها به شمار می‌روند و عدم آمادگی و مقابله مناسب با آن‌ها، تلفات و خسارات سنگینی را به ملت‌ها و دارایی‌های آن‌ها وارد می‌کند که بعضاً جبران‌ناپذیر است. اگرچه خسارات ناشی از این حوادث از جهت گوناگون به‌ویژه از نظر مادی و معنوی قابل جبران نیست، ولی با اقدامات پیشگیرانه و برنامه‌ریزی‌های مناسب برای ایجاد آمادگی لازم برای مقابله با این حوادث می‌توان خسارات آن را به حداقل ممکن کاهش داد.

به‌منظور به حداقل رساندن خسارات ناشی از سوانح طبیعی و غیرطبیعی یک مدل برنامه ریاضی سه هدفه برای سیستم لجستیک توزیع برای مسیریابی و زمان‌بندی وسایل نقلیه امدادی جهت توزیع کالاهای امدادی از مراکز توزیع به پناهگاه‌ها تحت شرایط عدم قطعیت و با در نظر گرفتن اختلال برای عملیات در توزیع بعد از وقوع فاجعه طراحی شده است. تابع هدف اول سعی دارد با انتخاب بهترین مسیرها بین پناهگاه‌ها و مراکز توزیع، زمان رسیدن وسایل نقلیه امدادی به مراکز توزیع و پناهگاه‌ها را حداقل کند که مهم‌ترین هدف پژوهش فوق می‌باشد. تابع هدف دوم تعداد وسایل نقلیه موردنیاز را حداقل می‌کند. تابع هدف سوم سعی می‌کند حداکثر میزان کمبود اقلام امدادی در نقاط تقاضا را حداقل کند به طوری که در یک پناهگاه نسبت به پناهگاه دیگر، بیش‌از حد زیاد کمبود وجود نداشته باشد. تابع هدف سوم به‌نوعی، توزیع عادلانه کالاهای امدادی را ایجاد می‌کند. معمولاً به خاطر اقدامات افراد غیرتخصصی و هجوم عموم مردم به کمک‌رسانی، پناهگاه‌هایی که دسترسی راحت‌تری دارند، حجم بیشتری از کالاهای امدادی را دریافت می‌کنند و درحالی‌که پناهگاه‌های مجاور که شاید مسیر سخت‌تری داشته باشند با کمبود کالاهای امدادی مواجه می‌شوند.

به همین دلیل پرداختن به این موضوع اساسی در شبکه‌های

لجستیک امدادرسانی بسیار مهم می‌باشد که در مدل ریاضی پیشنهادی در قالب تابع هدف سوم فرموله بندی شده است. برای مدل‌سازی عدم قطعیت از دو روش برنامه‌ریزی امکانی و روش برنامه‌ریزی استوار امکانی استفاده خواهد شد. با توجه به اهمیت کنترل نوسانات هزینه در مسائلی (مانند زنجیره تأمین بشردوستانه که موضوع پژوهش فوق می‌باشد) که جنبه‌های غیراقتصادی نیز در تصمیم‌گیری مدنظر قرار می‌گیرند روش برنامه‌ریزی استوار امکانی برای مقابله با عدم قطعیت انتخاب شد. مدل سه هدفه ارائه‌شده توسط روش ترابی-هسینی^۱ به مدل تک هدفه تبدیل شده است.

با توجه به مطالب بیان‌شده در بالا، نوآوری‌های این پژوهش را می‌توان در قالب موارد زیر عنوان کرد:

- ارائه مدل چندهدفه به‌منظور پاسخ به تقاضا بعد از وقوع بحران تحت شرایط عدم قطعیت
- در نظر گرفتن اختلال در توزیع طی عملیات امدادرسانی
- به‌کارگیری دو روش امکانی مختلف شامل برنامه‌ریزی امکانی مبتنی بر اندازه اعتبار و برنامه‌ریزی استوار امکانی به‌منظور برخورد با عدم قطعیت موجود در پارامترهای مسئله
- استفاده از روش ترابی-هسینی به‌منظور تبدیل مدل چندهدفه به یک مدل تک هدفه

به‌منظور بررسی کارایی، مدل ارائه‌شده در یک مطالعه موردی در ایران پیاده‌سازی شد. در این مطالعه موردی، همچنین کارایی دو روش مدیریت عدم قطعیت موردبررسی قرار گرفته و کاراترین روش مدیریت عدم قطعیت مشخص شده است. در انتها به‌منظور تعیین تأثیر تغییر در پارامترهای اصلی مدل ریاضی ارائه‌شده بر روی مقادیر تابع هدف، از تحلیل حساسیت استفاده می‌شود.

ادامه‌ی این مقاله به‌صورت زیر سازمان‌یافته است: در بخش دوم ادبیات مرتبط با طراحی شبکه لجستیک امدادرسانی مرور شده‌اند. بخش سوم به تعریف مسئله و تبیین فرض‌های مسئله اختصاص یافته است. مدل برنامه‌ریزی ریاضی پیشنهادی برای مسئله تعریف شده در بخش چهارم ارائه شده است. بخش پنجم به تبیین روش‌های حل پیشنهادی شامل برنامه‌ریزی شانس اعتبار محور، مدل برنامه‌ریزی امکانی اعتبار محور و رویکرد برنامه‌ریزی استوار اختصاص یافته است. در بخش ششم توصیف مطالعه موردی و مقایسه جواب‌های حاصل از روش‌های حل پیشنهادی و قطعی بیان شده‌اند. در پایان، بخش هفتم، خلاصه‌ای از نتایج تحقیق و برخی زمینه‌های تحقیقات آتی موردبحث قرار گرفته‌اند.

۲. مرور ادبیات

هرچند لجستیک امدادرسانی از سال ۱۹۹۰ کم‌وبیش مورد مطالعه قرار گرفته است، اما از سال ۲۰۰۴ که سونامی اقیانوس هند رخ داد، این موضوع برای دانشگاہیان و محققان اهمیت زیادی پیدا کرد. در

یک مدل مسیریابی قطعی تک هدفه برای عملیات نجات در مناطق آسیب‌دیده برای حداقل کردن زمان عملیات ارائه کرده‌اند [۱۳]. در این مدل پیشنهادی از چندین الگوریتم ابتکاری مانند الگوریتم ابتکاری بر پایه‌ی مونت کارلو و الگوریتم فرا ابتکاری جستجوی انطباق تصادفی حریصانه^۱ استفاده شده است. گان و همکاران در سال ۲۰۱۵ یک مدل تک هدفه مسیریابی و زمان‌بندی قطعی برای توزیع کالاهای امدادی از یک مرکز توزیع به مراکز آسیب‌دیده، با استفاده از تابع عملکرد ارائه کرده‌اند [۱۴]. در این پژوهش از الگوریتم بهینه‌سازی ازدحام ذرات، برای حل مدل استفاده شده است. پور رحمانی و همکاران در سال ۲۰۱۵ یک مدل مسیریابی چند دوره‌ای برای انتقال آوارگان از پناهگاه‌های محلی به پناهگاه‌های منطقه‌ای توسعه داده‌اند [۱۵]. در این مدل، تقسیم تحویل و زمان سفر غیرقطعی برای حداقل کردن زمان رسیدن وسایل نقلیه مورد توجه قرار گرفته است. همچنین برای حل مدل از الگوریتم شبیه‌سازی تبرید استفاده شده است. مشرف جوادی ولی در سال ۲۰۱۶ یک مسئله مسیریابی چند کالایی جدید با تمرکز بر حداقل کردن زمان انتظار گیرندگان ارائه دادند. آن‌ها ظرفیت محدود برای وسایل نقلیه در نظر گرفته و از یک روش ابتکاری بر پایه‌ی سازگاری و ترکیب الگوریتم شبیه‌سازی تبرید و جست‌وجوی همسایگی متغیر برای حل مسئله در مقیاس بزرگ استفاده کرده‌اند [۱۶]. صبوحی و همکاران در سال ۲۰۱۸ مدل مسیریابی و زمان‌بندی تک هدفه برای تخلیه مردم از مناطق آسیب‌دیده به پناهگاه‌ها و توزیع کالاهای امدادی در مقیاس بزرگ ارائه کرده‌اند [۱۷]. تابع هدف این مسئله حداقل کردن زمان رسیدن وسایل نقلیه‌ی امدادی به مناطق آسیب‌دیده، پناهگاه‌ها و مراکز توزیع می‌باشد. در این پژوهش از الگوریتم ممتیک برای حل مسئله در مقیاس بزرگ استفاده شده است. صبوحی و همکارانش در مطالعه دیگری در سال ۲۰۱۶ [۱۸] یک مدل ریاضی دو هدفه برای شبکه لجستیک امدادسانی پس از وقوع فاجعه ارائه داده‌اند. شوانگی و کوک لی در سال ۲۰۱۹ یک مدل برنامه‌ریزی ریاضی دوسطحی چند دوره‌ای برای زمان‌بندی تعمیر شبکه جاده‌ای بعد از وقوع فاجعه و مسئله لجستیک بشردوستانه ارائه دادند [۱۹]. در مطالعه دیگری، شوانگی و همکاران در سال ۲۰۲۰ مدلی برای تعمیر شبکه جاده‌ای بعد از وقوع بلایای طبیعی ارائه دادند. مدل فوق، زمان‌بندی لجستیک و زمان‌بندی کارگران تعمیر جاده و فعالیت‌های مسیریابی را توأم در نظر می‌گیرد [۲۰].

عدم قطعیت موجود در عرضه، تقاضا و مدت‌زمان حمل‌ونقل از جمله فاکتورهای بسیار مهمی هستند که در طراحی یک شبکه امدادسانی بعد از وقوع حادثه باید در نظر گرفته شوند. در اکثر سیستم‌های لجستیک امدادسانی توسعه داده شده برای مسیریابی و زمان‌بندی وسایل نقلیه امداد، از عدم قطعیت موجود در پارامترهای مسئله صرف‌نظر شده است. با توجه به مرور ادبیات انجام شده، تعداد مطالعات اندکی آن‌هم در سال‌های اخیر، مسئله عدم قطعیت را در

سال‌های اخیر مطالعات فراوانی در زمینه‌ی لجستیک امدادسانی صورت پذیرفته است. ازدمار و همکاران در سال ۲۰۰۴ یک مدل مسیریابی وسایل حمل‌ونقل در مواقع بحران ارائه کرده‌اند [۴]. برای حل این مدل از یک روش ابتکاری استفاده شده است و کارایی مدل با داده‌های به‌دست‌آمده از زلزله‌ی سال ۱۹۹۰ ایزمیز ترکیه اثبات شده است. هاله و موبرگ در سال ۲۰۰۵ مدلی را ارائه کرده‌اند که زنجیره‌ی تأمین امدادسانی را برای مقابله با بحران طراحی می‌کند [۵]. مدل آن‌ها یک ابزار بسیار مناسب برای انتخاب اماکن امدادسانی ارائه می‌دهد. چنگ و همکاران در سال ۲۰۰۷ دو مدل برنامه‌ریزی تصادفی برای تصمیم‌گیری در مورد توزیع منابع در حین بحران ارائه کرده‌اند [۶]. آن‌ها اثربخشی و کارایی مدل خود را با استفاده از داده‌های سیل تایوان اثبات کرده‌اند. بالسیک و بیمین در سال ۲۰۰۸ با مطالعه‌ی مسئله‌ی مکان‌یابی، یک مدل برنامه‌ریزی ریاضی برای تعیین تعداد و موقعیت مراکز توزیع و همچنین میزان کالاهای از قبل تعبیه شده در هر یک از این مراکز توزیع ارائه داده‌اند [۷]. مدل ارائه شده، گونه‌ای از مدل حداکثر پوشش است که مسئله‌ی مکان‌یابی را با مسئله‌ی موجودی یکپارچه می‌کند. درواقع این پژوهش از اولین پژوهش‌هایی است که به بحث مکان‌یابی مراکز توزیع برای پاسخگویی مناسب در زمان بحران می‌پردازد. بالسیک و همکاران در سال ۲۰۰۸ یک مدل توزیع برای پاسخگویی بعد از وقوع بحران ارائه کرده‌اند [۸]. درواقع تمرکز آن‌ها بر آخرین مرحله از زنجیره‌ی امدادسانی یعنی توزیع بوده است. بدین منظور، آن‌ها یک مدل مختلط عدد صحیح دوفازی را برای توسعه‌ی یک‌زمان‌بندی تحویل برای هر وسیله‌ی نقلیه ارائه کرده‌اند. تابع هدف مسئله، حداقل کردن هزینه‌ی حمل‌ونقل و حداکثر کردن سود برای دریافت‌کنندگان کالاهای امدادی در نظر گرفته شده است. لین و همکاران در سال ۲۰۱۱ یک مدل لجستیک برای تحویل کالاها به صورت اولویت‌بندی شده در عملیات امدادسانی ارائه کرده‌اند [۹]. از ویژگی‌های مدل ارائه شده‌ی آن‌ها می‌توان به چند کالایی، چندوسیله‌ای، چند دوره‌ای، پنجره زمانی نرم، و تحویل کالا به صورت چندبخشی اشاره کرد. دلاتور و همکاران در سال ۲۰۱۲ در مقاله‌ای مروری، به بررسی انواع مدل‌های مسیریابی مرتبط با عملیات امدادسانی پرداخته‌اند [۱۰]. در حوزه مسائل مسیریابی و زمان‌بندی در سال ۲۰۱۱ یک مدل قطعی مسیریابی چندهدفه توسط نلز و همکاران پیشنهاد شده است [۱۱]. مدل سه هدفه آن‌ها شامل حداقل کردن ریسک، حداقل کردن مجموع زمان رسیدن و حداکثر کردن پوشش تقاضا است و از الگوریتم ممتیک برای حل مدل استفاده شده است. همچنین مطالعه موردی برحسب داده‌های واقعی در اکوادور صورت گرفته است. حامدی و همکاران در سال ۲۰۱۲ یک مدل چندهدفه قطعی برای مسیریابی و زمان‌بندی توزیع کالاهای امدادی از مراکز توزیع به پناهگاه‌ها ارائه کرده‌اند [۱۲]. آن‌ها از الگوریتم ژنتیک برای حل نمونه‌های موردی استفاده کرده‌اند. وکس و همکاران در سال ۲۰۱۴

1. Greedy Randomized Adaptive Search Procedure (GRSAP)

حداقل کردن هزینه‌های احداث و حداقل کردن حداکثر زمان عملیات و همچنین حداکثر کردن حداقل قابلیت اطمینان توسعه داده و از روش تعاملی فازی هسینی و ترابی برای حل مدل سه هدفه استفاده کردند. در این مطالعه از روش بهینه‌سازی استوار به منظور در نظر گرفتن عدم قطعیت موجود در پارامترهای مسئله بهره گرفته شده است. با توجه به مرور ادبیات انجام شده، در هیچ‌کدام از مطالعات انجام شده از روش استوار امکانی به عنوان یکی از کاراترین روش‌های برخورد با عدم قطعیت (مرجع [۲۴] را ببینید) استفاده نشده است. طبقه‌بندی مسائل لجستیک امداد رسانی در مطالعات انجام گرفته با جزئیات بیشتر و با در نظر گرفتن چند دسته ویژگی شامل موارد تصمیم‌گیری، توابع هدف و روش حل در جدول (۱) ارائه شده است. ویژگی‌های مسئله و مدل ریاضی مدنظر در این مقاله در سطر آخر جدول (۱) آمده است.

جدول (۱) طبقه‌بندی مسائل لجستیک امداد رسانی

پژوهش	مسیر	زمان بندی	تقسیم تحویل	مطالعه موردی	تعداد توابع	قطعی	غیر قطعی	روش حل
نلز و همکاران (۲۰۱۱)		✓		✓	۳	✓		MA ^۱
حامدی و همکاران (۲۰۱۲)	✓	✓	✓		۲	✓		GA ^۲
وکس و همکاران (۲۰۱۴)		✓			۱	✓		GRSAP
گان و همکاران (۲۰۱۵)	✓	✓			۱	✓		PSO ^۳
پور رحمانی و همکاران (۲۰۱۵)	✓	✓	✓	✓	۱	✓		SA ^۴
مشرف جوادی ولی (۲۰۱۶)		✓	✓		۱	✓		VNS ^۵ , SA
صبوحی و همکاران (۲۰۱۶)	✓	✓		✓	۲	✓		TH
صبوحی و همکاران (۲۰۱۸)	✓	✓	✓	✓	۱	✓		MA
پیوزانگ و همکاران (۲۰۲۰)	✓	✓			۱	✓	✓	-----
ویس و همکاران (۲۰۱۸)	✓	✓	✓	✓	۳	✓	✓	TH, robust
این پژوهش	✓	✓	✓	✓	۳	✓	✓	TH, possibilistic robust

۳. تعریف مسئله

در این مقاله یک مدل برنامه‌ریزی سه هدفه به منظور مسیریابی و توزیع و زمان بندی اقلام امدادی برای پاسخ به بحران ارائه شده است. شکل (۱) شبکه زنجیره تأمین موردنظر در این مسئله را نمایش می‌دهد. شبکه مورد مطالعه، یک مدل سه سطحی شامل انبار وسایل نقلیه، مراکز توزیع و پناهگاه‌هاست که کالاهای امدادی توسط وسایل نقلیه‌ای که در انبار وسایل نقلیه مستقر شده‌اند، به مراکز توزیع انتقال می‌یابند. وسایل نقلیه امدادی مانند کامیون یا تریلر، عملیات خود را از انباری که مکان‌یابی شده است، آغاز می‌کنند. در صورت اعزام، یکی از وسایل نقلیه امدادی، طبق ظرفیت وسیله و تقاضای پناهگاه‌ها انتخاب می‌شود. مکان برای پایان عملیات نامشخص بوده و نهایتاً یکی از پناهگاه‌ها می‌باشد. همچنین به منظور افزایش کارایی مدل، اختلال در توزیع در نظر گرفته شده است. بدین جهت که در دنیای واقعی و طبق داده‌های گذشته، در هنگام بروز بحران مخصوصاً زلزله که هدف مقاله پاسخگویی کارا و مناسب به آن است، بروز اختلال در

طراحی سیستم لجستیک امدادی مطرح کرده‌اند. برای نمونه، شائوپنگ و همکاران در سال ۲۰۲۰ یک مدل بهینه‌سازی ریاضی برای مکان‌یابی تسهیلات بشردوستانه و مسیریابی وسایل نقلیه تحت تقاضای تصادفی و میزان ریسک‌پذیری بهینه تصمیم‌گیرنده توسعه دادند [۲۱]. علی‌اکبر حسینی و هادی مختاری در سال ۲۰۱۹ از یک رویکرد بهینه‌سازی استوار مبتنی بر سناریو برای یک مدل برنامه‌ریزی خطی چندهدفه در طراحی شبکه امداد رسانی استفاده کردند [۲۲]. پیوزانگ و همکاران در سال ۲۰۲۰ [۲۳] یک مدل ریاضی برای مسئله طراحی شبکه امداد رسانی بشردوستانه سه سطحی ارائه دادند. آن‌ها برای مقابله با عدم قطعیت موجود در زمان حمل‌ونقل، از رویکرد بهینه‌سازی استوار استفاده کردند. ویس مرادی و همکاران در سال ۲۰۱۸ برای مسئله مکان‌یابی و مسیریابی وسایل نقلیه برای یک شبکه امداد رسانی یک مدل ریاضی سه هدفه شامل

بررسی مطالعات انجام شده نشان می‌دهند که در اکثر مقالات مرتبط با مسیریابی و زمان بندی، مسائل مهمی از جمله امکان سرویس دهی هر نقطه تقاضا توسط چند وسیله نقلیه (تقسیم تحویل) امکان استفاده از چند نوع وسیله نقلیه، ظرفیت محدود پناهگاه‌ها و همچنین چندهدفه بودن مدل‌های توسعه داده شده در نظر گرفته نشده‌اند که به عنوان خلأهای تحقیقاتی می‌توان از آن‌ها نام برد. در این پژوهش یک مدل ریاضی سه هدفه که این خلأهای تحقیقاتی را پوشش داده و همچنین با توجه به اهمیت بسیار بالای هزینه کمبود در زنجیره‌های تأمین بشردوستانه، هدفی که حداکثر میزان کمبود اقلام امدادی در نقاط تقاضا را حداقل می‌کند در مدل توسعه داده شده مدنظر قرار گرفته است. در مطالعات انجام شده معمولاً از عدم قطعیت موجود در پارامترهای مدل ریاضی چشم‌پوشی شده است. در این پژوهش از روش برنامه‌ریزی امکانی استوار جهت مقابله با عدم قطعیت موجود در پارامترهای حساس مدل بهره گرفته شده است.

4. Simulated Annealing
5. Variable Neighborhood Search

1. Memetic Algorithm
2. Genetic Algorithm
3. Particle swarm optimization

پارامترها

a_{ij}	مدت‌زمان حمل‌ونقل از گره $i \in N$ به گره $j \in N$
e_i	میزان تقاضا در پناهگاه $i \in D$
c_i	میزان عرضه در مرکز $i \in F$
P_v	ظرفیت وسیله نقلیه $v \in V$
h_i	مدت‌زمان سرویس در گره $i \in F \cup D$
M	عددی بزرگ
K_i	درصد عرضه ازدست‌رفته در مرکز توزیع $i \in F$ در اثر اختلال

متغیرهای تصمیم

X_{vij}	اگر وسیله نقلیه $v \in V$ از گره $i \in N$ به گره $j \in N$ حرکت کند برابر با یک و در غیر این صورت صفر است.
Y_{vi}	اگر وسیله نقلیه $v \in V$ به گره $i \in F \cup D$ اختصاص داده شود برابر با یک و در غیر این صورت صفر است.
U_v	اگر وسیله نقلیه $v \in V$ به مأموریت اعزام شود برابر با یک و در غیر این صورت صفر است.
G_{vi}	تعداد کالاهایی که با وسیله نقلیه $v \in V$ از مرکز توزیع $i \in F$ برداشته شده یا تعداد کالاهایی که با وسیله نقلیه $v \in V$ به پناهگاه $i \in D$ تحویل داده می‌شوند.
R_{vi}	مدت‌زمانی که طول می‌کشد تا وسیله نقلیه $v \in V$ به گره $i \in N$ برسد.

حال پس از معرفی اندیس‌ها، متغیرهای تصمیم و پارامترها، مدل ریاضی پیشنهادی ارائه می‌شود.

$$\text{Min } z_1 = \sum_{v \in V} \sum_{i \in F \cup D} R_{vi} \quad (1)$$

$$\text{Min } z_2 = \sum_{v \in V} U_v \quad (2)$$

$$\text{Min } z_3 = \text{Max}_i \left(e_i - \sum_{v \in V} G_{vi} \right) \quad (3)$$

s.t.

$$\sum_{j \in F} \sum_{i \in L} X_{vij} = U_v \quad \forall v \in V \quad (4)$$

$$\sum_{i \in L \cup F} X_{vij} = \sum_{i \in F \cup D} X_{vji} \quad \forall j \in F, \forall v \in V \quad (5)$$

$$\sum_{j \in F \cup L} X_{vji} = Y_{vi} \quad \forall i \in F, \forall v \in V \quad (6)$$

$$P_v Y_{vi} \geq G_{vi} \quad \forall i \in F \cup D, \forall v \in V \quad (7)$$

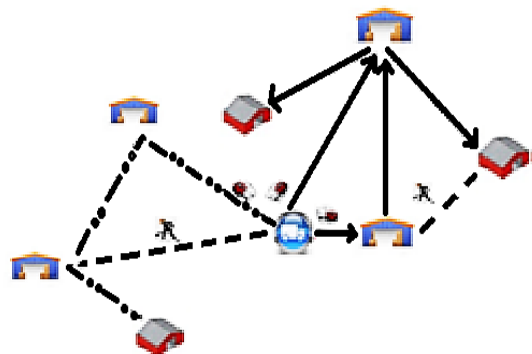
$$\sum_{j \in F \cup D} X_{vji} = Y_{vi} \quad \forall i \in D, \forall v \in V \quad (8)$$

$$\sum_{v \in V} G_{vi} \leq (1 - K_i) c_i \quad \forall i \in F \quad (9)$$

$$\sum_{i \in F} G_{vi} \leq P_v U_v \quad \forall v \in V \quad (10)$$

سیستم توزیع به دلایل مختلف از جمله تخریب زیرساخت‌ها و مسیرهای ارتباطی، عدم مدیریت صحیح کالاهای امدادی، هجوم نیروهای امدادی داوطلب غیرمتخصص، بروز پس‌لرزه و غیره به کرات رخ داده است. در این مقاله، با ارائه یک مدل ریاضی سه هدفه شامل حداقل کردن مجموع زمان رسیدن وسایل نقلیه امدادی به مراکز توزیع و پناهگاه‌ها، حداقل کردن تعداد وسایل نقلیه مورد استفاده برای عملیات توزیع و همچنین حداقل نمودن حداکثر تقاضای برآورده نشده در پناهگاه‌ها، به طوری که عدالت اجتماعی در تمام نقاط برآورده شده و در هیچ‌یک از پناهگاه‌ها بیش از حد زیاد کمبود وجود نداشته باشد، مسیریابی هم‌زمان، توزیع و زمان‌بندی وسایل نقلیه تحقق خواهد یافت. با جمع‌بندی مطالب بیان شده در این بخش می‌توان فرض‌های مسئله را در قالب موارد ذیل خلاصه نمود:

- ✓ تعداد و مکان مراکز توزیع مشخص است.
- ✓ تعداد و مکان پناهگاه‌ها مشخص است.
- ✓ از وسایل نقلیه ناهمگن برای عملیات امدادی استفاده می‌شود.
- ✓ وسایل نقلیه دارای ظرفیت محدود می‌باشند.
- ✓ ظرفیت مراکز توزیع و پناهگاه‌ها محدود است.
- ✓ انبار وسایل نقلیه مکان‌یابی شده است.
- ✓ امکان دریافت سرویس از هر مرکز توزیع توسط چندین وسیله نقلیه وجود دارد (تقسیم تحویل).



شکل (۱): شبکه تأمین کالاهای امدادی

۴. مدل برنامه‌ریزی ریاضی پیشنهادی

در این بخش به مدل‌سازی مسئله مورد مطالعه می‌پردازیم. اندیس‌ها، متغیرهای تصمیم و پارامترهای این مدل در ادامه بیان شده است.

اندیس‌ها

F	مجموعه مراکز توزیع
D	مجموعه پناهگاه‌ها
V	مجموعه وسایل نقلیه در دسترس
L	انبار وسایل نقلیه
مجموعه تمامی گره‌های موجود (شامل F, D, L و) که	
N	با اندیس $i, j \in N$ نشان داده می‌شوند

۴-۱. خطی سازی مدل پیشنهادی

به منظور رعایت عدالت اجتماعی در توزیع کالاهای امدادی در نقاط تقاضا، تابع هدف سوم برای حداقل کردن حداکثر کمبود در نظر گرفته شده است. از آنجایی که تابع هدف سوم به دلیل ساختار حداقل کردن حداکثر غیرخطی می باشد با تعریف متغیر آزاد در علامت W ، مدل را به صورت ذیل به حالت خطی تبدیل می کنیم.

$$\text{Min } z_1 = \sum_{v \in V} \sum_{i \in FUD} R_{vi} \quad (21)$$

$$\text{Min } z_2 = \sum_{v \in V} U_v \quad (22)$$

$$\text{Min } z_3 = W \quad (23)$$

s.t.

$$W \geq e_i - \sum_{v \in V} G_{vi} \quad \forall i \in D \quad (24)$$

محدودیت های (۴) تا (۱۰)

۵. روش حل پیشنهادی

در این قسمت، رویکردهای مقابله با عدم قطعیت موجود در پارامترها و همچنین روش برخورد با تابع هدف چندگانه پیشنهادی بیان خواهند شد.

۵-۱. روش های برخورد با عدم قطعیت پارامترها

در این مقاله، به منظور برخورد با عدم قطعیت موجود در پارامترهای مدل که شامل پارامترهای عرضه، تقاضا و مدت زمان حمل و نقل بین گره ها می باشد از دو روش امکانی مختلف شامل رویکرد امکانی مبتنی بر اندازه اعتبار و روش استوار امکانی بهره گرفته شده است. در این رویکرد هر پارامتر غیردقیق دارای یک توزیع امکان می باشد. توزیع امکان نشان دهنده میزان امکان وقوع مقادیر ممکن برای هر پارامتر دارای عدم قطعیت می باشد و تعیین آن به طور معمول بر اساس دانش خبرگان و اطلاعات موجود در پارامتر مورد نظر، صورت می پذیرد. اعداد فازی به شکل های مختلف خطی و غیرخطی نظیر اعداد فازی S شکل، Z شکل، حلقوی، زنگی شکل، گوسی و غیره می توانند باشند اما اغلب دودسته اعداد فازی مثلثی و دوزنقه ای مورد استفاده قرار می گیرند. در این مقاله از توزیع دوزنقه ای استفاده شده است. شکل (۲) یک توزیع امکان دوزنقه ای به شکل $E = (E_{(1)}, E_{(2)}, E_{(3)}, E_{(4)})$ را نمایش می دهد. نقاط $E_{(1)}$ و $E_{(4)}$ به ترتیب نشان دهنده بدبینانه ترین و خوش بینانه ترین مقدار ممکن و نقاط $E_{(2)}$ و $E_{(3)}$ فاصله بین آن ها نشان دهنده ممکن ترین مقادیر می باشند که به وسیله تصمیم گیران و خبرگان بر اساس داده های موجود و دانش شخصی تعیین می شوند.

روش های مختلف برنامه ریزی امکانی در ادبیات توسط محققان توسعه پیدا کرده است که از آن جمله می توان به روش های ارائه شده توسط لای و هوانگ [۲۵]، اینوگوچی و رامیک [۲۶] و جیمنز [۲۷] اشاره کرد. در این مقاله از رویکرد برنامه ریزی امکانی

$$\sum_{i \in D} G_{vi} = \sum_{i \in F} G_{vi} \quad \forall v \in V \quad (11)$$

$$\sum_{v \in V} U_v \leq V \quad (12)$$

$$R_{vi} = 0 \quad \forall i \in L, \forall v \in V \quad (13)$$

$$(R_{vi} + h_i + a_{ij}) - M(1 - X_{vij}) \leq R_{vj} \quad \forall j \in F, \forall v \in V, i \in LUF, i \neq j \quad (14)$$

$$(R_{vi} + h_i + a_{ij}) - M(1 - X_{vij}) \leq R_{vj} \quad \forall j \in D, \forall v \in V, \forall i \in FUD, i \neq j \quad (15)$$

$$X_{vij} \in \{0,1\} \quad \forall i \in N, \forall j \in N, \forall v \in V \quad (16)$$

$$Y_{vi} \in \{0,1\} \quad \forall i \in FUD, \forall v \in V \quad (17)$$

$$U_v \in \{0,1\} \quad \forall v \in V \quad (18)$$

$$G_{vi} \geq 0 \quad \forall i \in FUD, \forall v \in V \quad (19)$$

$$R_{vi} \geq 0 \quad \forall i \in N, \forall v \in V \quad (20)$$

تابع هدف اول (رابطه شماره ۱) مجموع زمان رسیدن وسایل نقلیه به مراکز توزیع و پناهگاه ها، تابع هدف دوم (رابطه شماره ۲) تعداد وسایل نقلیه مورد استفاده برای توزیع کالاهای امدادی و تابع هدف سوم (رابطه شماره ۳) حداکثر میزان کمبود در نقاط تقاضا به منظور رعایت عدالت اجتماعی را حداقل می کنند. محدودیت (۴) بیان می کند که هر وسیله نقلیه در صورت اعزام، از انبار به سوی یکی از مراکز توزیع حرکت می کند. محدودیت (۵) محدودیت تعادل جریان میان مراکز توزیع می باشد. محدودیت (۶) نشان می دهد زمانی که یک وسیله نقلیه به مرکز توزیعی تخصیص داده می شود، قبل از آن تنها می تواند در انبار وسایل نقلیه یا مرکز توزیع دیگری باشد. محدودیت (۷) روابط بین دو متغیر G_{vi} و Y_{vi} در هریک از مراکز توزیع و پناهگاه ها را نشان می دهد. محدودیت (۸) بیان می کند زمانی که یک وسیله نقلیه به پناهگاهی تخصیص داده می شود قبل از آن تنها می تواند در یک مرکز توزیع بوده باشد. محدودیت (۹) نشان دهنده حداکثر عرضه در هر یک از مراکز توزیع می باشد. محدودیت (۱۰) حداکثر ظرفیت هر وسیله نقلیه را بیان می کند. محدودیت (۱۱) تضمین می کند تعداد کالاهایی که هر وسیله نقلیه در مراکز توزیع مختلف بارگیری می کند برابر است با کالاهایی که در یک پناهگاه تخلیه می کند. محدودیت (۱۲) نشان دهنده حداکثر تعداد وسایل نقلیه در دسترس است. بدین صورت که مجموع وسایل نقلیه اعزامی باید از تعداد کل وسایل نقلیه موجود کمتر باشد. زمانی که هر وسیله نقلیه انبار خود را ترک می کند، محدودیت (۱۳) برای پارامتر زمان، مقدار اولیه صفر را تنظیم می نماید. محدودیت های (۱۴) و (۱۵) نشان دهنده زمان رسیدن هر وسیله نقلیه به هر مرکز توزیع و پناهگاه می باشد. محدودیت های (۱۶) تا (۱۸) نشان دهنده محدودیت های ضروری و منطقی روی متغیرهای تصمیم گسسته و محدودیت های (۱۹) و (۲۰) روی متغیرهای تصمیم پیوسته می باشند.

شانسی اعتبار محور استفاده شده است.

$$E[\tilde{\varepsilon}] = \int_0^{\infty} Cr\{\tilde{\varepsilon} \geq r\} dr - \int_{-\infty}^0 Cr\{\tilde{\varepsilon} \leq r\} dr \quad (۲۷)$$

حال فرض کنید $\tilde{\varepsilon}$ یک عدد فازی ذوزنقه‌ای به صورت $\tilde{\varepsilon} = (\varepsilon_{(1)}, \varepsilon_{(2)}, \varepsilon_{(3)}, \varepsilon_{(4)})$ باشد، آنگاه با توجه به عبارات (۲۵) و (۲۷) امید ریاضی این عدد فازی برابر با $\frac{(\varepsilon_{(1)} + \varepsilon_{(2)} + \varepsilon_{(3)} + \varepsilon_{(4)})}{4}$ و اندازه اعتبار آن به صورت زیر خواهد بود:

$$Cr\{\tilde{\varepsilon} \leq r\} = \begin{cases} 0 & r \in (-\infty, \varepsilon_{(1)}) \\ \frac{r - \varepsilon_{(1)}}{2(\varepsilon_{(2)} - \varepsilon_{(1)})} & r \in (\varepsilon_{(1)}, \varepsilon_{(2)}) \\ \frac{1}{2} & r \in (\varepsilon_{(2)}, \varepsilon_{(3)}) \\ \frac{r - 2\varepsilon_{(3)} + \varepsilon_{(4)}}{2(\varepsilon_{(4)} - \varepsilon_{(3)})} & r \in (\varepsilon_{(3)}, \varepsilon_{(4)}) \\ 1 & r \in (\varepsilon_{(4)}, +\infty) \end{cases} \quad (۲۸)$$

$$Cr\{\tilde{\varepsilon} \geq r\} = \begin{cases} 1 & r \in (-\infty, \varepsilon_{(1)}) \\ \frac{2\varepsilon_{(2)} - \varepsilon_{(1)} - r}{2(\varepsilon_{(2)} - \varepsilon_{(1)})} & r \in (\varepsilon_{(1)}, \varepsilon_{(2)}) \\ \frac{1}{2} & r \in (\varepsilon_{(2)}, \varepsilon_{(3)}) \\ \frac{\varepsilon_{(4)} - r}{2(\varepsilon_{(4)} - \varepsilon_{(3)})} & r \in (\varepsilon_{(3)}, \varepsilon_{(4)}) \\ 0 & r \in (\varepsilon_{(4)}, +\infty) \end{cases} \quad (۲۹)$$

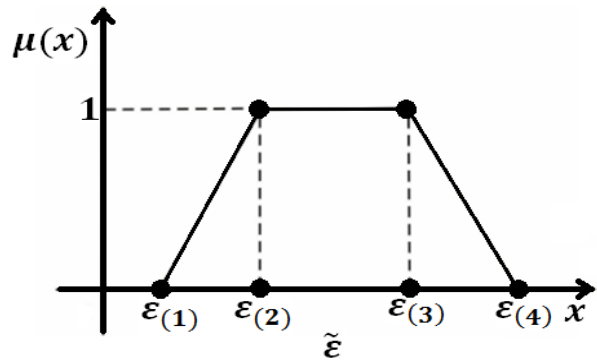
بر اساس عبارات (۲۸) و (۲۹) برای هر $\alpha \geq 0.5$ عبارات ذیل قابل اثبات خواهد بود.

$$Cr\{\tilde{\varepsilon} \leq r\} \geq \alpha \leftrightarrow r \geq (2 - 2\alpha)\varepsilon_{(3)} + (2\alpha - 1)\varepsilon_{(4)} \quad (۳۰)$$

$$Cr\{\tilde{\varepsilon} \geq r\} \geq \alpha \leftrightarrow r \leq (2 - 2\alpha)\varepsilon_{(1)} + (2\alpha - 1)\varepsilon_{(2)} \quad (۳۱)$$

معمولاً برای تعیین مقدار سطح اطمینان محدودیت‌ها (α) ، تصمیم‌گیرنده چند مقدار اولیه را به صورت قضاوتی تعیین کرده و در یک آزمایش تعاملی از بین آن‌ها مقداری را که بیش از همه تصمیم‌گیرنده را ارضاء می‌کند، به عنوان مقدار نهایی انتخاب می‌شود. عبارات (۳۰) و (۳۱) به طور مستقیم می‌توانند برای تبدیل محدودیت‌های شانس فازی به معادل قطعی‌شان مورد استفاده قرار گیرند.

به طور کلی سه نوع روش برنامه‌ریزی امکانی اعتبار محور شامل (۱) روش امید ریاضی [۲۸]، (۲) روش برنامه‌ریزی شانس [۳۰] و (۳) روش برنامه‌ریزی شانس وابسته [۳۱] وجود دارند. هرچند که مدل مبتنی بر امید ریاضی ساده‌ترین روش می‌باشد، اما این روش فاقد قدرت کنترل سطح اطمینان ارضاء محدودیت‌های شانس می‌باشد. مدل برنامه‌ریزی شانس، امکان کنترل سطح اطمینان ارضاء محدودیت‌های شانس را برای تصمیم‌گیرنده فراهم می‌سازد. لیکن این مدل به دلیل اضافه کردن یک محدودیت به ازای هر تابع هدف (و همچنین محدودیت‌ها) نیازمند اطلاعات اضافی یا قضاوت‌های



شکل (۲): توزیع امکان ذوزنقه‌ای پارامتر غیردقیق $\tilde{\varepsilon}$

۱-۱-۵. برنامه‌ریزی شانس اعتبار محور

روش برنامه‌ریزی شانس اعتبار محور یکی از روش‌های کارای برنامه‌ریزی امکانی است که دارای مزایای ذیل می‌باشد [۲۸].

- ✓ بر مفاهیم معتبر ریاضی‌مانند اندازه اعتبار یک عدد فازی، بناشده است.
- ✓ امکان پشتیبانی از اعداد فازی مختلف مانند اعداد مثلثی و ذوزنقه‌ای را دارا می‌باشد.
- ✓ تصمیم‌گیرنده را قادر به تنظیم سطح اطمینان ارضاء محدودیت‌ها می‌سازد.

بزرگ‌ترین مزیت این روش را می‌توان استفاده از اندازه اعتبار دانست. اندازه اعتبار برخلاف اندازه‌های امکان و ضرورت که فاقد خاصیت خود-دوگانی هستند، یک اندازه خود-دوگان می‌باشد [۲۹]. به عبارت دیگر وقتی اندازه اعتبار برابر یک است، تصمیم‌گیرنده باور دارد که به طور حتم رویداد فازی اتفاق خواهد افتاد و وقتی اندازه اعتبار برابر با صفر است این باور وجود دارد که رویداد فازی می‌بایست به طور حتم (از نظر تئوریک) محقق نشود. اما وقتی اندازه امکان رویداد فازی برابر با یک شود همچنان این امکان وجود دارد که رویداد اتفاق نیفتد، همچنین هنگامی که اندازه ضرورت یک رویداد فازی برابر با صفر باشد از بعد تئوریک تضمینی وجود ندارد که رویداد مورد نظر اتفاق نیفتد.

فرض کنید $\tilde{\varepsilon}$ یک متغیر فازی با تابع عضویت $\mu(x)$ و r را یک عدد حقیقی باشد. بر اساس [۲۸] اندازه اعتبار به صورت زیر

$$Cr\{\tilde{\varepsilon} \leq r\} = \frac{1}{2} (\sup_{x \leq r} \mu(x) + 1 - \sup_{x > r} \mu(x)) \quad (۲۵)$$

و اندازه ضرورت به صورت $Pos\{\tilde{\varepsilon} \leq r\} = \sup_{x \leq r} \mu(x)$ تعریف می‌شوند. با توجه به اینکه اندازه امکان برابر با $1 - \sup_{x > r} \mu(x)$ می‌باشد، اندازه اعتبار به صورت زیر تعریف می‌شود.

$$Cr\{\tilde{\varepsilon} \leq r\} = \frac{1}{2} (Pos\{\tilde{\varepsilon} \leq r\} + Nec\{\tilde{\varepsilon} \leq r\}) \quad (۲۶)$$

عبارت (۲۶) نشان‌دهنده آن است که اندازه اعتبار در واقع میانگین اندازه‌های امکان و ضرورت می‌باشد همچنین با توجه به تعاریف ارائه‌شده، عبارت (۲۷) امید ریاضی متغیر $\tilde{\varepsilon}$ را بیان می‌کند.

$$Cr\left\{\left(R_{vi} + h_i + \tilde{a}_{ij}\right) - M_{big}\left(1 - X_{vij}\right) \leq R_{vj}\right\} \geq \alpha_{ij} \quad (46)$$

$$\forall j \in F, \forall v \in V, i \in LUF, i \neq j$$

$$Cr\left\{\left(R_{vi} + h_i + \tilde{a}_{ij}\right) - M_{big}\left(1 - X_{vij}\right) \leq R_{vj}\right\} \geq \sigma_{ij} \quad (47)$$

$$\forall j \in D, \forall v \in V, \forall i \in FUD, i \neq j$$

$$X_{vij} \in \{0,1\} \quad \forall i \in N, \forall j \in N, \forall v \in V \quad (48)$$

$$Y_{vi} \in \{0,1\} \quad \forall i \in FUD, \forall v \in V \quad (49)$$

$$U_v \in \{0,1\} \quad \forall v \in V \quad (50)$$

$$G_{vi} \geq 0 \quad \forall i \in FUD, \forall v \in V \quad (51)$$

$$R_{vi} \geq 0 \quad \forall i \in N, \forall v \in V \quad (52)$$

با فرض اینکه پارامترهای عدم قطعیت به شکل متغیر دوزنقه‌ای بوده و مقادیر سطح اطمینان ارضاء محدودیت‌های شناسی بزرگ‌تر از ۰/۵ باشند، مدل برنامه‌ریزی شناسی اعتبار محور فوق تبدیل به مدل برنامه‌ریزی خطی سه هدفه ی عدد صحیح مختلط قطعی زیر می‌شود.

$$Min z_1 = \sum_{v \in V} \sum_{i \in FUD} R_{vi} \quad (53)$$

$$Min z_2 = \sum_{v \in V} U_v \quad (54)$$

$$Min z_3 = W \quad (55)$$

s.t.

$$W \geq \left[(2 - 2\beta_i) e_{i(3)} + (2\beta_i - 1) e_{i(4)} \right] - \sum_{v \in V} G_{vi} \quad \forall i \in D \quad (56)$$

$$\sum_{j \in F} \sum_{i \in L} X_{vij} = U_v \quad (57)$$

$$\sum_{\substack{i \in LUF \\ i \neq j}} X_{vij} = \sum_{\substack{i \in FUD \\ i \neq j}} X_{vji} \quad \forall j \in F, \forall v \in V \quad (58)$$

$$\sum_{\substack{j \in FUL \\ j \neq i}} X_{vji} = Y_{vi} \quad \forall i \in F, \forall v \in V \quad (59)$$

$$p_v Y_{vi} \geq G_{vi} \quad \forall i \in FUD, \forall v \in V \quad (60)$$

$$\sum_{\substack{j \in FUD \\ j \neq i}} X_{vji} = Y_{vi} \quad \forall i \in D, \forall v \in V \quad (61)$$

$$\sum_{v \in V} G_{vi} \leq (1 - K_i) \left[(2\theta_i - 1) c_{i(1)} + (2 - 2\theta_i) c_{i(2)} \right] \quad \forall i \in F \quad (62)$$

$$\sum_{i \in F} G_{vi} \leq p_v U_v \quad \forall v \in V \quad (63)$$

$$\sum_{i \in D} G_{vi} = \sum_{i \in F} G_{vi} \quad \forall v \in V \quad (64)$$

$$\sum_{v \in V} U_v \leq V \quad (65)$$

$$R_{vi} = 0 \quad \forall i \in L, \forall v \in V \quad (66)$$

ذهنی خبرگان می‌باشد. مدل برنامه‌ریزی شناسی وابسته، به مدل برنامه‌ریزی شناسی شباهت زیادی دارد و بدین دلیل که اهمیت بیشتری برای بیشینه کردن سطوح اطمینان قائل است، بیشتر مناسب تصمیم‌گیرندگان محافظه‌کار می‌باشد. تفاوت عمده این مدل با مدل برنامه‌ریزی شناسی در تابع هدف آن است که به جای بیشینه یا کمینه کردن مقدار تابع هدف، به بیشینه کردن سطح اطمینان ارضاء هدف در نظر گرفته شده می‌پردازد. همچنین این مدل هم برای تعیین مقدار تابع هدف، نیازمند اطلاعاتی درباره مقدار ایدئال توابع هدف می‌باشد. در این مقاله یک رویکرد ترکیبی برنامه‌ریزی امکانی اعتبار محور، که از امید ریاضی برای مدل کردن تابع هدف و از رویکرد برنامه‌ریزی شناسی برای مدل کردن محدودیت‌ها استفاده می‌کند، در حل مسئله طراحی شبکه زنجیره تأمین بشردوستانه مورد بررسی، توسعه داده شده است [۳۲].

۵-۱-۲. مدل برنامه‌ریزی امکانی اعتبار محور پیشنهادی و معادل قطعی آن

با در نظر گرفتن پارامترهای تقاضا، عرضه و مدت‌زمان حمل‌ونقل بین گره‌ها، به‌عنوان پارامترهای فازی، مدل ترکیبی برنامه‌ریزی امکانی اعتبار محور پیشنهادی به‌صورت ذیل قابل‌ارائه می‌باشد:

$$Min z_1 = \sum_{v \in V} \sum_{i \in FUD} R_{vi} \quad (32)$$

$$Min z_2 = \sum_{v \in V} U_v \quad (33)$$

$$Min z_3 = W \quad (34)$$

s.t.

$$Cr\left\{\left(\tilde{e}_i - \sum_{v \in V} G_{vi}\right) \leq W\right\} \geq \beta_i \quad \forall i \in D \quad (35)$$

$$\sum_{j \in F} \sum_{i \in L} X_{vij} = U_v \quad \forall v \in V \quad (36)$$

$$\sum_{\substack{i \in LUF \\ i \neq j}} X_{vij} = \sum_{\substack{i \in FUD \\ i \neq j}} X_{vji} \quad \forall j \in F, \forall v \in V \quad (37)$$

$$\sum_{\substack{j \in FUL \\ j \neq i}} X_{vji} = Y_{vi} \quad \forall i \in F, \forall v \in V \quad (38)$$

$$p_v Y_{vi} \geq G_{vi} \quad \forall i \in FUD, \forall v \in V \quad (39)$$

$$\sum_{\substack{j \in FUD \\ j \neq i}} X_{vji} = Y_{vi} \quad \forall i \in D, \forall v \in V \quad (40)$$

$$Cr\left\{\sum_{v \in V} G_{vi} \leq (1 - K_i) \tilde{c}\right\} \geq \theta_i \quad \forall i \in F \quad (41)$$

$$\sum_{i \in F} G_{vi} \leq p_v U_v \quad \forall v \in V \quad (42)$$

$$\sum_{i \in D} G_{vi} = \sum_{i \in F} G_{vi} \quad \forall v \in V \quad (43)$$

$$\sum_{v \in V} U_v \leq V \quad (44)$$

$$R_{vi} = 0 \quad \forall i \in L, \forall v \in V \quad (45)$$

$$\text{Min } z = fy + cx$$

S.t

$$Ax \geq d$$

$$Bx = 0$$

(۷۴)

$$Sx \leq Ny$$

$$Tx \leq 1$$

$$y \in \{0,1\} \quad x \geq 0$$

که در آن f, c, d بیانگر پارامترهای مسئله و ماتریس‌های A, B, N, S و T نشان‌دهنده ضرایب محدودیت‌ها می‌باشند. همچنین تمام متغیرهای صفر و یک و پیوسته به ترتیب در y و x خلاصه شده‌اند. حال با توجه به عدم قطعیت پارامترهای مسئله فرض می‌کنیم c, f و d و همچنین ماتریس ضرایب N دارای توزیع دوزنقه‌ای فازی باشند. آنگاه با توجه به روش بیان شده در بخش‌های قبل، معادل قطعی مدل به شرح زیر خواهد بود:

$$\text{Min } z = fy + cx$$

S.t

$$Ax \geq d$$

$$Bx = 0$$

(۷۵)

$$Sx \leq Ny$$

$$Tx \leq 1$$

$$y \in \{0,1\} \quad x \geq 0$$

$$\text{Min } E[Z] = \left(\frac{f_{(1)} + f_{(2)} + f_{(3)} + f_{(4)}}{4} \right) y + \left(\frac{c_{(1)} + c_{(2)} + c_{(3)} + c_{(4)}}{4} \right) x$$

s.t.

$$Ax \geq (2 - 2\alpha)d_{(3)} + (2\alpha - 1)d_{(4)}$$

$$Bx = 0$$

$$Sx \leq [(2\beta - 1)N_{(1)} + (2 - 2\beta)N_2]y$$

$$Tx \leq 1$$

$$y \in \{0,1\} \quad x \geq 0$$

مدل (۷۵) را مدل پایه برنامه‌ریزی امکانی اعتبار محور^۷ نام-گذاری می‌کنیم. در این رویکرد، تصمیم‌گیرنده باید حداقل سطح اطمینان محدودیت‌های شانس را تعیین کند. روش کار به این صورت می‌باشد که تصمیم‌گیرنده برای هر سطح اطمینان، چند مقدار اولیه تعیین می‌کند و در الگوریتم تعاملی، مقداری که بیشتر تصمیم‌گیرنده را راضی می‌کند، به‌عنوان مقدار نهایی انتخاب می‌شود. بر اساس مطالبی که پیش‌تر بیان شد، در این تحقیق از رویکرد واقع‌گرایانه استفاده خواهیم کرد. برای انتخاب روش برنامه‌ریزی استوار امکانی

$$R_{v \geq} (R_{vi} + h_i + [(2 - 2\alpha_{ij})a_{ij(3)} + (2\alpha_{ij} - 1)a_{ij(4)}]) \quad (67)$$

$$-M(1 - X_{vij}) \quad \forall j \in F, \forall v \in V, i \in LUF, i \neq j$$

$$R_{v \leq} (R_{vi} + h_i + [(2 - 2\sigma_{ij})a_{ij(3)} + (2\sigma_{ij} - 1)a_{ij(4)}]) \quad (68)$$

$$-M(1 - X_{vij}) \quad \forall j \in D, \forall v \in V, \forall i \in FUD, i \neq j$$

$$X_{vij} \in \{0,1\} \quad \forall i \in N, \forall j \in N, \forall v \in V \quad (69)$$

$$Y_{vi} \in \{0,1\} \quad \forall i \in FUD, \forall v \in V \quad (70)$$

$$U_{v} \in \{0,1\} \quad \forall v \in V \quad (71)$$

$$G_{vi} \geq 0 \quad \forall i \in FUD, \forall v \in V \quad (72)$$

$$R_{vi} \geq 0 \quad \forall i \in N, \forall v \in V \quad (73)$$

۳-۱-۵. رویکرد برنامه‌ریزی استوار

رویکرد برنامه‌ریزی امکانی استوار یک رویکرد ریسک‌گریز برای برخورد با مسائل بهینه‌سازی در شرایط عدم قطعیت است. در این رویکرد تلاش می‌شود علاوه بر بهبود عملکرد سیستم مورد بهینه‌سازی، نوسان پیش‌بینی شده برای سیستم نیز حداقل شود. یک جواب برای یک مسئله بهینه‌سازی، یک جواب استوار است اگر دارای استواری شدنی بودن و استواری بهینگی باشد. استواری شدنی بودن به این معناست که جواب می‌بایست برای تمامی (اکثریت‌قریب‌به‌اتفاق) حالات ممکن پارامترهای دارای عدم قطعیت، شدنی باقی بماند. استواری بهینگی نیز بدین معناست که مقدار تابع هدف به ازای جواب استوار می‌بایست برای تمامی (اکثریت‌قریب‌به‌اتفاق) حالات ممکن پارامترهای دارای عدم قطعیت، نزدیک به مقدار بهینه خود بوده و یا به عبارت دیگر حداقل انحراف را از مقدار بهینه خود داشته باشد.

پیشوایی و همکاران [۲۴] شش رویکرد برنامه‌ریزی امکانی استوار متفاوت بر مبنای سطح محافظه‌کاری تصمیم‌گیرنده، شامل مدل برنامه‌ریزی امکانی استوار^۱، مدل برنامه‌ریزی امکانی استوار^۲، مدل برنامه‌ریزی امکانی استوار^۳، مدل اصلاح‌شده برنامه‌ریزی امکانی استوار^۴، مدل برنامه‌ریزی امکانی استوار بدبینانه سخت^۵ و مدل برنامه‌ریزی امکانی استوار بدبینانه نرم^۶ را ارائه کردند [۲۴]. مدل برنامه‌ریزی امکانی استوار بدبینانه سخت بالاترین سطح محافظه‌کاری را ایجاد می‌کند در حالی که در مدل برنامه‌ریزی امکانی استوار بدبینانه نرم، درجه‌ای برای نقض محدودیت‌ها تعیین می‌شود. چهار مدل دیگر نیز رویکرد واقع‌گرایانه دارند. به‌منظور تبیین مدل استوار امکانی، مدل فشرده زیر در نظر گرفته شده است.

5. Hard Worst Rob ust Possibilistic Programming (HWRPP)
6. Soft Worst Robust Possibilistic Programming (SWRPP)
7. Basic Credibility Possibilistic Programming (BCPP)

1. Robust Possibilistic Programming (RPP-I)
2. RPP-II
3. RPP-III
4. Modified Robust Possibilistic Programming (MRPP)

در ادامه، حالتی بررسی می شود که ضرایب محدودیتها دارای عدم قطعیت می باشند و تابع هدف و محدودیتها به شکل زیر تغییر پیدا می کنند:

$$\begin{aligned} & \text{Min } E(z) + \gamma(z_{\max} - E(z)) + \\ & \delta [d_{(4)} - (2 - 2\alpha)d_{(3)} + (2\alpha - 1)d_{(4)}] \\ & + \pi [(2\beta - 1)N_{(1)} + (2 - 2\beta)N_{(2)} - N_{(1)}]y \\ & \text{s.t.} \\ & Ax \geq (2 - 2\alpha)d_{(3)} + (2\alpha - 1)d_{(4)} \quad (78) \\ & Bx = 0 \\ & Sx \leq [(2\beta - 1)N_{(1)} + (2 - 2\beta)N_{(2)}]y \\ & Tx \leq 1 \\ & y \in \{0, 1\} \quad x \geq 0 \quad 0.5 \leq \alpha, \beta \leq 1 \end{aligned}$$

همان طور که دیده می شود، مدل بالا به یک مدل غیر خطی تبدیل می شود ولی می توان با تعریف یک متغیر جدید و افزودن چند محدودیت، مدل را به آسانی به یک مدل خطی تبدیل نمود. فرض کنید γ نشان دهنده یک متغیر صفر و یک و β نشان دهنده سطح اطمینان محدودیت مرتبط است. واضح است که ضرب متغیر صفر و یک در یک متغیر پیوسته خطی بودن مدل را از بین خواهد برد. حال فرض کنید متغیر γ به عنوان متغیر کمکی به صورت زیر تعریف شود:

$$v = \beta \cdot \gamma \quad (79)$$

آنگاه با جایگزین کردن γ به جای عبارت ضربی $\beta \cdot \gamma$ در تابع هدف و محدودیتها و همچنین اضافه کردن محدودیتهای ذیل به مدل، مدل به معادل خطی تبدیل خواهد شد.

$$\begin{aligned} v & \leq My \\ v & \geq M(y - 1) + \beta \\ v & \leq \beta \end{aligned} \quad (80)$$

در مدل بالا، M عدد بزرگی می باشد و روابط بالا نشان می دهند در صورتی که $y = 1$ باشد، $v = \beta$ خواهد بود و زمانی که $y = 0$ آنگاه $v = 0$ خواهد بود.

۲-۵. روش برخورد با تابع چندهدفه

در ادامه با استفاده از رویکرد فازی تعاملی ارائه شده توسط ترابی و حسینی در سال ۲۰۰۸، مدل چندهدفه به تک هدفه تبدیل می شود. می توان راه حل TH را به صورت زیر خلاصه کرد [۳۳]:

برای محاسبه جواب ایده آل مثبت [۲۴] برای هر یک از توابع هدف، هر تابع هدف را به تنهایی بهینه کرده و جواب حاصل، جواب ایده آل مثبت برای همان تابع هدف می باشد. جواب ایده آل منفی^۱ با کمک جوابهای ایده آل مثبت به صورت زیر تخمین زده می شود.

$$Z_0^{NIS} = \max_{k=1,2,\dots,k} \{Z_0(v_k^*)\} \quad \forall 0 \quad (81)$$

که $Z_0(v_k^*)$ مقدار O امین تابع هدف و v_k^* بردار تصمیم مربوط به

واقع گرایانه مناسب، نوع انحراف تابع هدف از مقدار بهینه مورد انتظار می بایست بر اساس میزان حساسیت تصمیم گیرنده مشخص شود. زمانی که تصمیم گیرنده به انحراف از هر دو سمت بالا و پایین از مقدار مورد انتظار تابع هدف حساس است از مدل برنامه ریزی امکانی استوار نوع اول استفاده می شود. اما در بسیاری از اوقات تصمیم گیرنده نسبت به انحراف از هر دو سمت بالا و پایین مقدار تابع هدف حساس نمی باشد، در چنین مواقعی مدل برنامه ریزی امکانی استوار نوع دوم پیشنهاد می شود. مدل برنامه ریزی امکانی استوار نوع سوم نیز حالت تعدیل شده ای از نوع دوم می باشند. حال مدل استوار امکانی نوع دوم به صورت زیر شرح داده می شود:

$$\begin{aligned} & \text{Min } E(z) + \gamma(z_{\max} - E(z)) + \\ & \delta [d_{(4)} - (2 - 2\alpha)d_{(3)} + (2\alpha - 1)d_{(4)}] \\ & \text{s.t.} \\ & Ax \geq (2 - 2\alpha)d_{(3)} + (2\alpha - 1)d_{(4)} \quad (76) \\ & Bx = 0 \\ & Sx \leq Ny \\ & Tx \leq 1 \\ & y \in \{0, 1\} \quad x \geq 0 \quad 0.5 \leq \alpha \leq 1 \end{aligned}$$

در ابتدا فرض می کنیم تنها c ، f و d دارای عدم قطعیت هستند و عدم قطعیت N را در نظر نمی گیریم. عبارت اول تابع هدف، به امید ریاضی Z اختصاص یافته است که هدف آن حداقل کردن متوسط عملکرد سیستم مورد مطالعه می باشد. عبارت دوم تابع هدف، یعنی $\gamma(z(z)_{\max}(O))$ تضمین می کند که تابع هدف نسبت به انحراف به سمت بالا از عملکرد متوسط حساس است و انحراف به سمت پایین را محدود نمی سازد که Z_{\max} در عبارت زیر تعریف شده است:

$$z_{\max} = f_{(4)}y + c_{(4)}x \quad (77)$$

γ نیز نشان دهنده وزن (اهمیت نسبی) عبارات دوم نسبت به سایر عبارات تابع هدف می باشد. در واقع این عبارت استواری بهینگی بردار جواب را کنترل می کند. عبارت سوم یعنی:

$$\delta [d_{(4)} - (2 - 2\alpha)d_{(3)} + (2\alpha - 1)d_{(4)}]$$

تعیین کننده سطوح اطمینان محدودیتها می باشد. در این عبارت δ نشان دهنده جریمه یک واحد تجاوز از بدترین مقدار سمت راست محدودیتهای شانس و

$[d_{(4)} - (2 - 2\alpha)d_{(3)} + (2\alpha - 1)d_{(4)}]$ بیانگر فاصله بین بدترین مقدار و مقدار در نظر گرفته شده برای مقدار سمت راست محدودیتهای شانس می باشد. در واقع این عبارت استواری شدنی بودن بردار جواب را کنترل می کند. بر اساس توضیحات بالا، مدل استوار امکانی جواب بهینه را با ایجاد یک توازن منطقی بین سه عبارت تابع هدف یا به عبارت دیگر ۱- عملکرد متوسط ۲- استواری بهینگی ۳- استواری شدنی بودن تعیین می کند. [۲۴].

تصحیح و حداقل درجه رضایت از تابع هدف است که به صورت $\lambda_0 = \text{Min}_h \{ \mu_h(x) \}$ تعیین می‌شوند.

۶. توصیف مطالعه موردی و نتایج آن

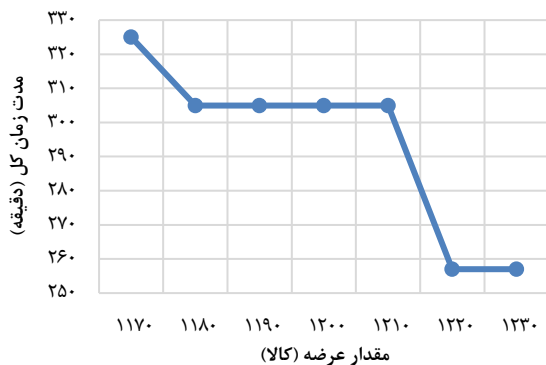
در این بخش به منظور اعتبار سنجی مدل پیشنهادی، مثال عددی در دنیای واقعی با نرم‌افزار گمز بر روی رایانه‌ای با پردازشگر اینتل کور آی فایو ۱ و حافظه‌ی ۸ گیگابایت حل شده است. بر اساس اطلاعات به دست آمده از پژوهشگاه بین‌المللی زلزله‌شناسی، گسل شمال تهران در مناطق جمعیتی تهران و کرج و گسل شمال تبریز با جمعیت دومیلیون نفری جزو خطرناک‌ترین گسل‌های ایران با توان زلزله‌های بالا در کشور محسوب می‌شوند.

طبق سرشماری سال ۱۳۹۵، شهر تبریز با مساحت ۲۵۰۵۹۰ کیلومتر مربع و بالغ بر ۱۵۵۸۶۹۳ نفر جمعیت، به ده منطقه تقسیم می‌شود [۳۴]. از آنجایی که منطقه پنج تبریز جزو پرخطرترین مناطق از لحاظ لرزه‌خیزی می‌باشد مورد مطالعه قرار گرفته است. در جدول (۱-پ) (پ-۴) اطلاعات مورد نیاز برای حل مدل ارائه شده است. نتایج به دست آمده از حل مسئله با نرم‌افزار بهینه‌سازی GAMS 25.0.3 و سالور CPLEX در شرایط قطعیت در جدول (۲) ذکر شده است. پس از حل مسئله با متد TH، مقادیر ۴۲۷ دقیقه برای تابع هدف اول، ۴ وسیله نقلیه برای تابع هدف دوم و ۲۳۵ تقاضای برآورده نشده برای تابع هدف سوم، در شرایط قطعیت به دست آمده است.

جدول (۲): نتایج حاصل از حل مدل در شرایط قطعی

وسایل نقلیه	مسیر هر وسیله	تعداد کالاهای منتقل شده	زمان رسیدن هر وسیله نقلیه (دقیقه)
۱	هلال احمر - مدرسه آنا - دانشگاه رشديه - دانشگاه آزاد	۱۱۵۷-۹۲-۱۰۶۵-۰	۴۰-۳۹-۸۲-۰
۲	هلال احمر - دبیرستان حضرت معصومه - سالن بارنج	۷۳۹-۷۳۹-۰	۳۸-۴۳-۰
۴	هلال احمر - دانشگاه رشديه - سالن مرزداران	۶۸۹-۶۸۹-۰	۴۰-۳۹-۰
۵	هلال احمر - دانشگاه رشديه - دبیرستان حضرت معصومه - سالن باغمیشه	۶۴۰-۳۱۳-۳۲۷-۰	۳۰-۳۷-۳۹-۰

تأثیر پارامتر مقدار سطح اطمینان محدودیت‌ها (α) می‌باشد. جدول (۳) و نمودارهای (۲) تا (۴) تأثیر تغییرات سطح اطمینان مربوط به محدودیت میزان عرضه‌ی مراکز توزیع بر توابع هدف را نشان می‌دهد.



نمودار (۱): عملکرد متقابل مدت زمان کل و مقدار عرضه مراکز توزیع

جواب ایده آل O امین تابع هدف می‌باشد. تابع عضویت خطی برای هر تابع هدف به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$\mu_0(x) = \begin{cases} 1 & \text{if } Z_0 < Z_0^{PIS} \\ \frac{Z_0^{NIS} - Z_0}{Z_0^{NIS} - Z_0^{PIS}} & \text{if } Z_0^{PIS} \leq Z_0 \leq Z_0^{NIS} \\ 0 & \text{if } Z_0 \geq Z_0^{NIS} \end{cases} \quad (۸۲)$$

$\mu_0(x)$ نشان دهنده درجه رضایت از توابع هدف است. در ادامه توابع هدف ادغام شده و جواب‌های کارا برای مدل محاسبه شده است. تابع ادغام سازی توابع هدف با استفاده از روش TH به صورت زیر می‌باشد.

$$\begin{aligned} \text{Max } \lambda(x) &= \gamma \lambda_0 + (1 - \gamma) \sum_h \theta_h \mu_h(x) \\ \text{s.t.} & \\ \lambda_0 &\leq \mu_h(x) \quad h = 1, 2 \\ x &\in F(x) \\ \lambda_0 \text{ and } \gamma &\in [0, 1] \end{aligned} \quad (۸۳)$$

$F(x)$ نشان دهنده ناحیه شدنی تشکیل شده بر اساس محدودیت‌های مدل قطعی کمکی است. θ_h درجه اهمیت h امین تابع هدف را بیان می‌کند که توسط تصمیم‌گیرنده به نحوی تعیین می‌شود که $\theta_h \geq 0$ و $\sum_h \theta_h = 1$ باشد. λ_0 و γ به ترتیب نشان دهنده ضریب

۶-۱. بررسی تأثیر میزان عرضه بر زمان عملیات امدادی

از آنجایی که کاهش زمان عملیات امدادی در فاز پاسخ فاجعه، تأثیر زیادی در کاهش آسیب‌ها و کشته‌شدگان دارد در این بخش تأثیر افزایش میزان عرضه کالاهای امدادی بر مدت زمان کل عملیات امدادی در شرایط قطعیت بررسی می‌شود.

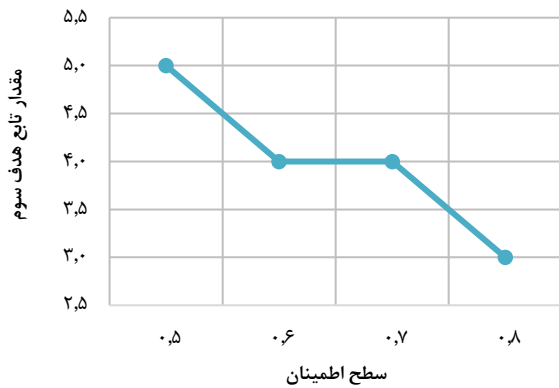
طبق نمودار (۱) مشاهده می‌شود افزایش عرضه از ۱۱۷۰ به ۱۱۸۰ واحد کالا، زمان پاسخ را به مدت ۲۰ دقیقه کاهش می‌دهد در حالی که افزایش این مقدار به ۱۲۲۰ واحد کالا، زمان کل رسیدن وسایل نقلیه امدادی به مراکز توزیع و پناهگاه‌ها را به مدت ۶۸ دقیقه کاهش می‌دهد.

۶-۲. بررسی تأثیر سطح اطمینان محدودیت‌ها بر توابع هدف

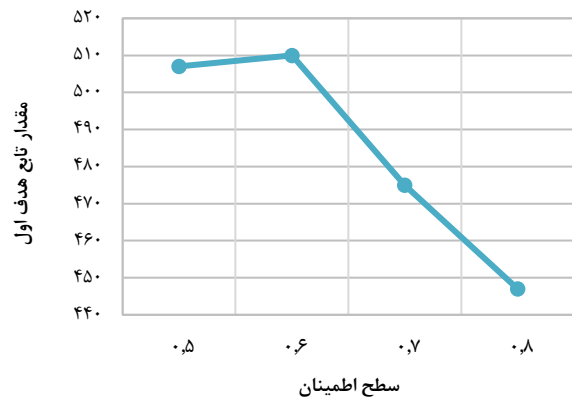
یکی از پارامترهای مهم در مطالعه کارایی برنامه‌ریزی امکانی، بررسی

جدول (۳): عملکرد متقابل سطح اطمینان محدودیت و توابع هدف

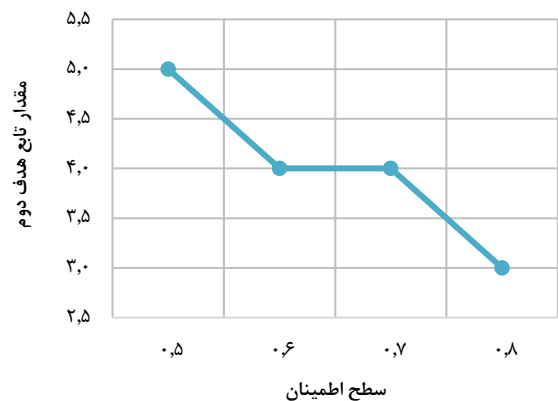
سطح اطمینان محدودیت (α)	Z_1	Z_2	Z_3
۰/۵	۵۰۷	۵	۱۱۵
۰/۶	۵۱۰	۴	۱۵۰
۰/۷	۴۷۵	۴	۵۱۶
۰/۸	۴۴۷	۳	۷۵۰



نمودار (۴): عملکرد متقابل سطح اطمینان محدودیت و تابع هدف سوم



نمودار (۲): عملکرد متقابل سطح اطمینان محدودیت و تابع هدف اول



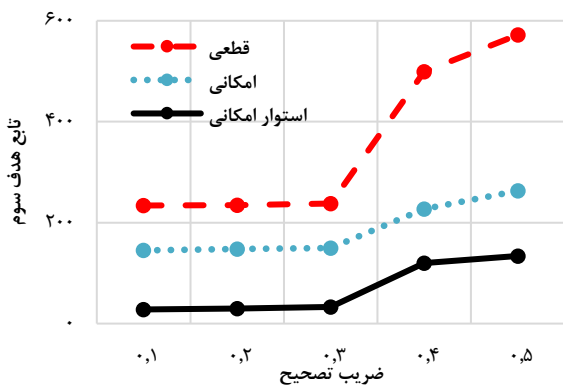
نمودار (۳): عملکرد متقابل سطح اطمینان محدودیت و تابع هدف دوم

۳-۶. مقایسه نتایج مدل های قطعی، امکانی و استوار

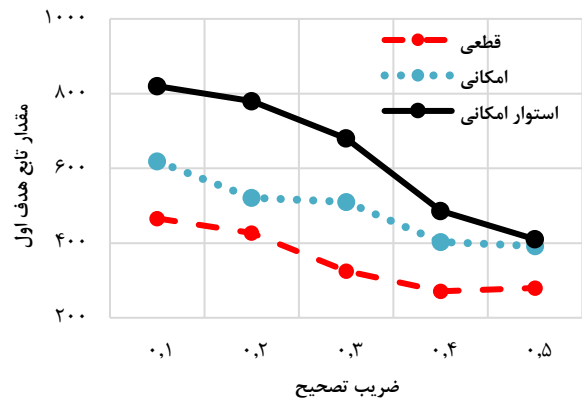
در این بخش با تغییر ضریب تصحیح در مدل و محاسبه مقادیر هر یک از توابع هدف، کارایی مدل های قطعی، امکانی و استوار امکانی مقایسه می شود.

طبق جدول (۴) و نمودارهای (۵) تا (۷)، با افزایش ضریب تصحیح مجموع زمان رسیدن وسایل نقلیه امدادی به گره ها کاهش می یابد که به ترتیب روش قطعی، امکانی و استوار امکانی کمترین مقدار را دارا هستند. ملاحظه می شود که تابع هدف دوم میان ۳، ۴ و ۵ وسیله نقلیه در نوسان بوده و از روند خاصی پیروی نمی کند و نوعی تعادل میان تابع هدف اول و سوم ایجاد می کند. هم چنین تابع هدف سوم یعنی حداکثر تقاضای برآورده نشده با افزایش ضریب تصحیح افزایش می یابد که در بازه ۰/۱ تا ۰/۳ این افزایش به صورت جزئی بوده و نمودار به خطی بودن میل می کند اما در بازه ۰/۳ تا ۰/۵ این افزایش به صورت چشمگیری قابل رؤیت است. ملاحظه می شود که در حداقل کردن حداکثر تقاضای برآورده نشده به ترتیب مدل استوار امکانی، امکانی و قطعی بهترین عملکرد را دارا هستند. از آنجایی که در مدل ارائه شده تصمیم گیرنده اهمیت بیشتری برای کاهش تقاضای برآورده نشده قائل می باشد و در روش استوار امکانی بر تغییرات میزان عرضه حساس بوده است، بنابراین در این شرایط روش استوار امکانی بهترین گزینه برای مدل سازی مسئله مورد نظر انتخاب می شود. قابل ذکر است که مطابق نمودار (۸) مقدار تابع هدف TH نیز با افزایش ضریب تصحیح، به صورت جزئی افزایش یافته و دارای بازه تغییرات ۰/۸۹ تا ۰/۷۲ است.

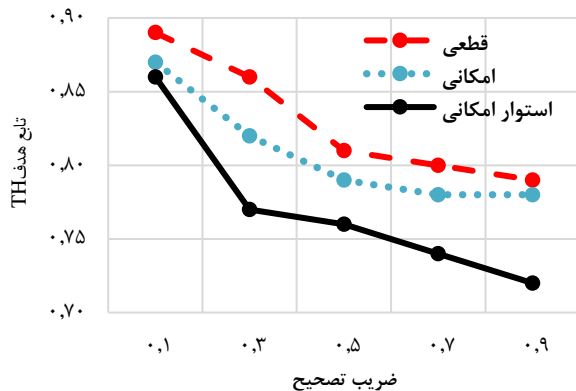
واضح است که مدت زمان کل رسیدن وسایل نقلیه به گره ها و تعداد وسایل نقلیه امدادی، با افزایش سطح اطمینان کاهش یافته اند در حالی که مقدار تقاضای برآورده نشده با افزایش سطح اطمینان افزایش یافته است. همان گونه که پیداست از هر سه تابع هدف مسئله، تابع هدف سوم یعنی مقدار تقاضای برآورده نشده تغییرات بیشتری در مقابل افزایش سطح اطمینان نشان داده است. به طوری که با افزایش سطح اطمینان از ۰/۶ به ۰/۷، این مقدار به اندازه ۳۶۶ واحد کالا افزایش داشته است.



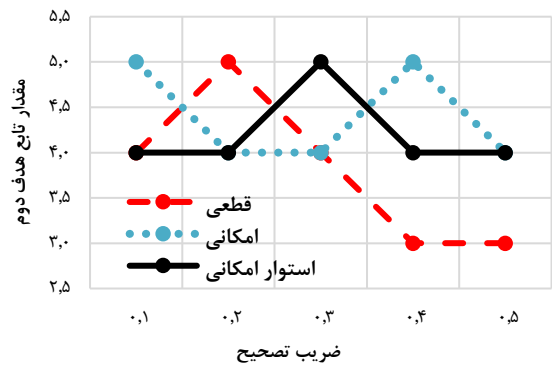
نمودار (۷): عملکرد متقابل تابع هدف سوم و ضریب تصحیح



نمودار (۵): عملکرد متقابل تابع هدف اول و ضریب تصحیح



نمودار (۸): عملکرد متقابل تابع هدف TH و ضریب تصحیح



نمودار (۶): عملکرد متقابل تابع هدف دوم و ضریب تصحیح

جدول (۴) تحلیل حساسیت روش TH

استوار امکانی				امکانی				قطعی				ضریب تصحیح γ
λ_x	Z_3	Z_2	Z_1	λ_x	Z_3	Z_2	Z_1	λ_x	Z_3	Z_2	Z_1	
۰/۸۶	۲۸	۴	۸۲۰	۰/۸۷	۱۴۵	۵	۶۱۹	۰/۸۹	۲۳۴	۴	۴۶۶	۰.۱
۰/۷۷	۳۰	۴	۷۸۰	۰/۸۲	۱۴۸	۴	۵۲۱	۰/۸۶	۲۳۵	۴	۴۲۷	۰.۲
۰/۷۶	۳۳	۵	۶۸۰	۰/۷۹	۱۵۰	۴	۵۱۰	۰/۸۱	۲۳۸	۴	۳۲۵	۰.۳
۰/۷۴	۱۲۰	۴	۴۸۶	۰/۷۸	۲۵۷	۵	۴۰۳	۰/۷۹	۴۹۹	۵	۲۷۱	۰.۴
۰/۷۲	۱۳۴	۴	۴۱۰	۰/۷۸	۳۲۰	۴	۳۹۲	۰/۷۸	۵۷۲	۳	۲۸۰	۰.۵

توزیع عادلانه اقلام امدادی را بین نقاط مختلف تقاضا تا حدی تضمین می‌کند بسیار حائز اهمیت بوده و در مطالعات انجام‌گرفته در گذشته در نظر گرفته نشده است. در این پژوهش به منظور مدل‌سازی عدم قطعیت از دو روش برنامه‌ریزی امکانی مبتنی بر اندازه اعتبار و روش برنامه‌ریزی استوار امکانی استفاده شد. به منظور بررسی کارایی مدل ارائه‌شده، مطالعه موردی در شهر تبریز ارائه شد. با توجه نتایج، به منظور کردن حداکثر تقاضای برآورده نشده (رعایت عدالت در توزیع) در هنگام بروز بحران در عملیات امداد رسانی، به ترتیب مدل استوار امکانی، امکانی و قطعی بهترین عملکرد را دارا هستند. مواردی از قبیل ارائه مدل ریاضی به منظور یکپارچه‌سازی عملیات قبل و بعد از بحران، استفاده از روش‌های دقیق از قبیل الگوریتم آزادسازی لاگرانژ به منظور حل مدل در ابعاد بالا و توسعه مدل ارائه‌شده در این مقاله در حالت چند دوره‌ای، در نظر گرفتن توأم مسیرهای زمینی و هوایی و استفاده از روش‌های متاهوریستیک برای

۷. نتیجه‌گیری و پیشنهادهای آتی

پس از وقوع حادثه، معمولاً در زمان شروع امداد رسانی، وقایع غیرقابل پیش‌بینی شده‌ای ممکن است رخ دهد که منجر به مشکلات غیرمنتظره‌ای شود. از این رو، استفاده از ابزارهای تحقیق در عملیات، به منظور زمان‌بندی عملیات و فرآیندهای تصمیم‌گیری، می‌تواند تبعات حاصل از این مشکلات غیرمنتظره را به مقدار قابل توجهی کاهش دهد. در این راستا، این مقاله یک مدل ریاضی چندهدفه برای زمان‌بندی و مسیریابی وسایل نقلیه در یک شبکه زنجیره تأمین بشردوستانه تحت شرایط عدم قطعیت و با در نظر گرفتن اختلال در توزیع ارائه داده است. توابع هدف در نظر گرفته‌شده در مدل فوق به ترتیب شامل حداقل کردن زمان عملیات، حداقل کردن تعداد وسایل نقلیه موردنیاز و حداقل کردن حداکثر میزان کمبود اقلام امدادی در نقاط تقاضا می‌باشند به طوری که در یک پناهگاه نسبت به پناهگاه دیگر، بیش از حد کمبود نباشد. تابع هدف سوم از این نظر که به‌نوعی

- [14] Gan, X., et al., (2015). *Emergency vehicle scheduling problem with time utility in disasters*. Mathematical Problems in Engineering.
- [15] Pourrahmani, E., et al., (2015). Dynamic evacuation routing plan after an earthquake. *Natural Hazards Review*, 16(4), 04015006.
- [16] Moshref-Javadi, M. and Lee, S. (2016). The customer-centric, multi-commodity vehicle routing problem with split delivery. *Expert Systems with Applications*, 56, 335-348.
- [۱۷] صبوحی، ف.، جبارزاده، آرمین. (۱۳۹۸). مدل بهینه‌سازی امکانی استوار برای شبکه‌ی توزیع اقلام امدادی تحت عدم قطعیت. *علمی پژوهشی مدیریت بحران*. ۸(۱)، ۴۵-۵۳.
- [18] Sabouhi, F., M. Heydari, and Bozorgi-Amiri, A. (2016). Multi-objective routing and scheduling for relief distribution with split delivery in post-disaster response. *Journal of Industrial and Systems Engineering*, 9(3), 17-27.
- [19] Li, S. and Teo, K. L. (2019). Post-disaster multi-period road network repair: work scheduling and relief logistics optimization. *Annals of Operations Research*, 283(1), 1345-1385.
- [20] Li, S., Ma, Z. and Teo, K.L. (2020). A new model for road network repair after natural disasters: Integrating logistics support scheduling with repair crew scheduling and routing activities. *Computers & Industrial Engineering*, 145, 106506.
- [21] Zhong, S., et al., (2020). Risk-averse optimization of disaster relief facility location and vehicle routing under stochastic demand. *Transportation Research Part E: Logistics and Transportation Review*, 141, 102015.
- [22] Hasani, A. and Mokhtari, H. (2019). An integrated relief network design model under uncertainty: A case of Iran. *Safety Science*, 111, 22-36.
- [23] Zhang, P., et al., (2020). A distributionally robust optimization model for designing humanitarian relief network with resource reallocation. *Soft Computing*, 24(4), 2749-2767.
- [24] Pishvaei, M.S., Razmi, J. and Torabi, S.A. (2012). Robust possibilistic programming for socially responsible supply chain network design: A new approach. *Fuzzy Sets and Systems*, 206, 1-20.
- [25] Lai, Y.-J. and Hwang, C.-L. (1993). Possibilistic linear programming for managing interest rate risk. *Fuzzy Sets and Systems*, 54(2), 135-146.
- [26] Inuiguchi, M. and Ramik, J. (2000). Possibilistic linear programming: a brief review of fuzzy mathematical programming and a comparison with stochastic programming in portfolio selection problem. *Fuzzy Sets and Systems*, 111(1), 3-28.
- [27] Jiménez, M., et al. (2007). Linear programming with fuzzy parameters: An interactive method resolution. *European Journal of Operational Research*, 177(3), 1599-1609.
- [28] Baoding, L. and Yian-Kui, L. (200). Expected value of fuzzy variable and fuzzy expected value models. *IEEE Transactions on Fuzzy Systems*, 10(4), 445-450.
- حل مدل در اندازه‌های بسیار بالا می‌توانند به‌عنوان موضوعات پژوهش‌ها در آینده مدنظر قرار بگیرند.
- ### مراجع
- [۱] فلاحی، ک.ج.ز.ع. (۱۳۸۸). اصول و مبانی مدیریت بحران. ۱. تهران موسسه آموزش عالی علمی - کاربردی هلال ایران.
- [۲] جمالی، ح. (۱۳۹۴). مدیریت عملیات امداد رسانی در شرایط اضطرار با استفاده از مفهوم تور پوششی و امکان ارسال مستقیم. نشریه علمی پژوهشی مدیریت فردا، ۱۳۹۴. ۴۲ (بهار).
- [3] Altay, N. and Green, W.G. (2006). OR/MS research in disaster operations management. *European Journal of Operational Research*, 175(1), 475-493.
- [4] Özdamar, L., E. Ekinci, and Küçükyazici, B. (2004). Emergency Logistics Planning in Natural Disasters. *Annals of Operations Research*, 129(1), p. 217-245.
- [5] Hale, T. and Moberg, R. (2005). Christopher, Improving supply chain disaster preparedness: A decision process for secure site location. *International Journal of Physical Distribution & Logistics Management*, 35(3), 195-207.
- [6] Chang, M.-S., Tseng, Y.-L. and Chen, J.-W. (2007). A scenario planning approach for the flood emergency logistics preparation problem under uncertainty. *Transportation Research Part E: Logistics and Transportation Review*, 43(6), 737-754.
- [7] Balci, B. and Beamon, B. M. (2008). Facility location in humanitarian relief, *International Journal of Logistics Research and Applications*, 11(2), 101-121.
- [8] Balci, B., Beamon, B. M. and Smilowitz, K. (2008). Last Mile Distribution in Humanitarian Relief, *Journal of Intelligent Transportation Systems*, 12(2), 51-63.
- [9] Lin, Y.-H., et al. (2011). A logistics model for emergency supply of critical items in the aftermath of a disaster. *Socio-Economic Planning Sciences*, 45(4), 132-145.
- [10] de la Torre, L.E., Dolinskaya, I. S. and Smilowitz, K.R. (2012). Disaster relief routing: Integrating research and practice. *Socio-Economic Planning Sciences*, 46(1), 88-97.
- [11] Nolz, P. C., Semet, F. and Doerner, K.F. (2011). Risk approaches for delivering disaster relief supplies. *OR spectrum*, 33(3), 543-569.
- [12] Hamedi, M., Haghani, A. and Yang, S. (2012). Reliable Transportation of Humanitarian Supplies in Disaster Response: Model and Heuristic. *Procedia - Social and Behavioral Sciences*, 54 1205-1219.
- [13] Wex, F., et al., (2014). Emergency response in natural disaster management: Allocation and scheduling of rescue units. *European Journal of Operational Research*, 235(3), 697-708.

- [۳۲] پیشوایی، میر سامان، (۱۳۹۱). طراحی شبکه تأمین یکپارچه مستقیم-معکوس مبتنی بر دیدمان (پارادایم) توسعه پایدار در شرایط عدم قطعیت. دانشگاه تهران: دانشکده مهندسی صنایع.
- [33] Torabi, S.A. and Hassini, E. (2008). An interactive possibilistic programming approach for multiple objective supply chain master planning. *Fuzzy Sets and Systems*, 159(2), 193-214.
- [۳۴] تبریز، پورتال شهرداری منطقه ۵، www.m5.tabriz.ir
- [29] Li, X. and Liu, B. (2006). A sufficient and necessary condition for credibility measures. *International Journal of Uncertainty, Fuzziness and Knowledge-Based Systems*, 14(05), 527-535.
- [30] Liu, B. and Iwamura, K. (1998). Chance constrained programming with fuzzy parameters. *Fuzzy Sets and Systems*, 94(2), 227-237.
- [31] Boading, L. (1999). Dependent-chance programming with fuzzy decisions. *IEEE Transactions on Fuzzy Systems*, 1999. 7(3), 354-360.

پیوست

مدل ریاست ارائه شده:

$$Min z_1 = \sum_{v \in V} \sum_{i \in F \cup D} R_{vi} \quad (۸۴)$$

$$Min z_2 = \sum_{v \in V} U_v \quad (۸۵)$$

$$Min W + \theta [e_{i(4)} - (2 - 2\beta_i)e_{i(3)} - (2\beta_i - 1)e_{i(4)}] \quad (۸۶)$$

St: Constraints (56) to (73)

جدول (پ-۱): اطلاعات مربوط به گره‌های شبکه

از دست رفته درصد عرضه (کالا)	مدت زمان سرویس (دقیقه)	تقاضای پناهگاه‌ها (کالا) ($e_{i(1)}, e_{i(2)}, e_{i(3)}, e_{i(4)}$)	ظرفیت مراکز توزیع (کالا) ($c_{i(1)}, c_{i(2)}, c_{i(3)}, c_{i(4)}$)	گره‌ها
	۳۰	۱۰۸۰ ۱۱۴۰ ۱۲۶۰ ۱۳۲۰		دانشگاه آزاد اسلامی
	۳۰	۶۷۵ ۷۱۳ ۷۸۸ ۸۲۵		سالن چندمنظوره مرزداران
	۳۰	۷۲۰ ۷۶۰ ۸۴۰ ۸۸۰		سالن چندمنظوره بارنج
	۳۰	۶۳۹ ۶۷۵ ۷۴۶ ۷۸۱		سالن چندمنظوره باغمیشه
۰/۰۴	۳۰		۱۰۶۲ ۱۱۲۱ ۱۲۳۹ ۱۲۹۸	مدرسه آنا تا
۰/۰۵	۳۰		۱۰۶۲ ۱۱۲۱ ۱۲۳۹ ۱۲۹۸	دبیرستان حضرت معصومه
۰	۳۰		۱۰۶۲ ۱۱۲۱ ۱۲۳۹ ۱۲۹۸	موسسه آموزش عالی رشدیه

جدول (پ-۲): ظرفیت وسایل نقلیه امدادی

ظرفیت هر وسیله	وسایل نقلیه
۱۲۰۰	۱
۸۰۰	۵-۴-۳-۲
۷۰۰	۸-۷-۶

جدول (پ-۳): فاصله زمانی بین گره‌ها ($a_{ij(1)}, a_{ij(2)}, a_{ij(3)}, a_{ij(4)}$)

دانشگاه آزاد				دانشگاه رشدیه				دبیرستان معصومه				مدرسه آنا تا				گره‌ها
-	-	-	-	۸/۱	۸/۵	۹/۴	۹/۹	۱۱/۷	۱۲/۳	۱۳/۶	۱۴/۳	۱۲/۶	۱۳/۳	۱۴/۷	۱۵/۴	هلال احمر
۹/۹	۱۰/۴	۱۱/۵	۱۲/۱	۱۰/۸	۱۱/۴	۱۲/۶	۱۳/۲	۹/۹	۱۰/۴	۱۱/۵	۱۲/۱	-	-	-	-	مدرسه آنا تا
۱۰/۸	۱۱/۴	۱۲/۶	۱۳/۲	۶/۳	۶/۶	۷/۳	۷/۷	-	-	-	-	۹/۹	۱۰/۴	۱۱/۵	۱۲/۱	دبیرستان معصومه
۹	۹/۵	۱۰/۵	۱۱	-	-	-	-	۶/۳	۶/۶	۷/۳	۷/۷	۱۰/۸	۱۱/۴	۱۲/۶	۱۳/۲	دانشگاه رشدیه
-	-	-	-	۹	۹/۵	۱۰/۵	۱۱	۱۰/۸	۱۱/۴	۱۲/۶	۱۳/۲	۹/۹	۱۰/۴	۱۱/۵	۱۲/۱	دانشگاه آزاد
۹	۹/۵	۱۰/۵	۱۱	۱۰/۸	۱۱/۴	۱۲/۶	۱۳/۲	۱۲/۶	۱۳/۳	۱۴/۷	۱۵/۴	۴/۵	۴/۷	۵/۲	۵/۵	سالن مرزداران
۹	۹/۵	۱۰/۵	۱۱	۱۷/۱	۱۸	۱۹/۹	۲۰/۹	۷/۲	۷/۶	۸/۴	۸/۸	۱۳/۵	۱۴/۲	۱۵/۷	۱۶/۵	سالن بارنج
۱۰/۸	۱۱/۴	۱۲/۶	۱۳/۲	۶/۳	۶/۶	۷/۳	۷/۷	-	-	-	-	۹/۹	۱۰/۴	۱۱/۵	۱۲/۱	سالن باغمیشه

جدول (پ-۴): فاصله زمانی بین گره‌ها ($a_{ij(1)}$, $a_{ij(2)}$, $a_{ij(3)}$, $a_{ij(4)}$)

سالن باغمیشه				سالن بارنج				سالن مرزداران				گره‌ها
۹/۹	۱/۴۵	۱۱/۵	۱۲/۱	۱۳/۵	۱۴/۲	۱۵/۷	۱۶/۵	۴/۵	۴/۷	۵/۲	۵/۵	مدرسه آنا
-	-	-	-	۷/۲	۷/۶	۸/۴	۸/۸	۱۲/۶	۱۳/۳	۱۴/۷	۱۵/۴	دبیرستان معصومه
۶/۳	۶/۶	۷/۳	۷/۷	۱۷/۱	۱۸	۱۹/۹	۲۰/۹	۱۰/۸	۱۱/۴	۱۲/۶	۱۳/۲	دانشگاه رشدیه
۱۰/۸	۱۱/۴	۱۲/۶	۱۳/۲	۹	۹/۵	۱۰/۵	۱۱	۹	۹/۵	۱۰/۵	۱۱	دانشگاه آزاد
۱۲/۶	۱۳/۳	۱۴/۷	۱۵/۴	۱۱/۷	۱۲/۳	۱۳/۶	۱۴/۳	-	-	-	-	سالن مرزداران
۷/۲	۷/۶	۸/۴	۸/۸	-	-	-	-	۱۱/۷	۱۲/۳	۱۳/۶	۱۴/۳	سالن بارنج
-	-	-	-	۷/۲	۷/۶	۸/۴	۸/۸	۱۲/۶	۱۳/۳	۱۴/۷	۱۵/۴	سالن باغمیشه



DOI: [10.22084/ier.2021.22420.1985](https://doi.org/10.22084/ier.2021.22420.1985)

Robust possibilistic programming for vehicle routing, scheduling and resource distribution in post-earthquake relief operations regarding disruption and under uncertainty

S. Ghayebloo^{1*}, F. Fathipour², N. Torkamani³

1. Assistant Professor, Department of Industrial Engineering, Faculty of Mechanics, Mechanics and Industries, University of Zanjan
2. Assistant Professor, Department of Industrial Engineering, Siraj Institute of Higher Education, Tabriz
3. Master of Industrial Engineering, Siraj Institute of Higher Education, Tabriz, Iran

ARTICLE INFO

Article history:

Received 26 August 2020
Accepted 18 January 2021

Keywords:

Possibilistic programming
Multi-objectives mathematical
Programming
Disruption
Humanitarian relief logistics

ABSTRACT

Since natural disasters often lead to the loss of human lives and property, the proper design of a post-disaster relief distribution network is essential. Besides, because the affected people cannot survive more than a few days without water, food, medicine and shelter, the routing and distribution of relief goods at maximum speed is crucial and is one of the main goals of this research. Minimizing the number of equipment needed to reduce costs and equal distribution of relief goods, so that there is not too much shortage in one shelter than another is the other goal of the study. To achieve these objectives, a tri-objective mathematical model for a distribution logistics system is designed to route and schedule relief vehicles for distributing relief goods from distribution centers (DCs) to shelters under uncertainty, and disruptive distribution. In order to deal with the uncertainty, two different methods have been used, including a credibility-based possibilistic programming method, and the robust possibilistic method. To solve the proposed multi-objective model, an interactive fuzzy approach has been used. Then, to investigate the applicability of the proposed mathematical model, it has been implemented on a real case study in the city of Tabriz, Iran. According to the obtained results and the decision maker's priority to reduce the unmet demand in this paper, the robust possibilistic method is finally selected as the best method to handle this problem. Also, the results of solving the case study show that there is an inverse relationship between the supply of relief goods and the distribution time of relief goods, and the percentage of reduction in the distribution time of relief goods in exchange for an excessive increase in the supply of relief goods is very small, which could be ignored.

* Corresponding author. S. Ghayebloo
Tel.: 024-33054140; E-mail address: ghayebloo.sima@znu.ac.ir